

Równanie stanu dla gazu doskonałego  
z rozszerzeniem na układy rzeczywiste poprzez odpowiednie poprawki



### Równanie van der Waalsa

$$p_{rz} \cdot V_{rz} = nRT$$

$$p_{rz} = p + \frac{a}{V^2}$$

a - ciśnienie wewnętrzne

b

$$V_{rz} = V - b$$

objętość własna cząsteczek

efekt odpychania

$$\left( p + \frac{n^2 \cdot a}{V^2} \right) \cdot (V - n \cdot b) = nRT$$

efekt przyciągania

0,082

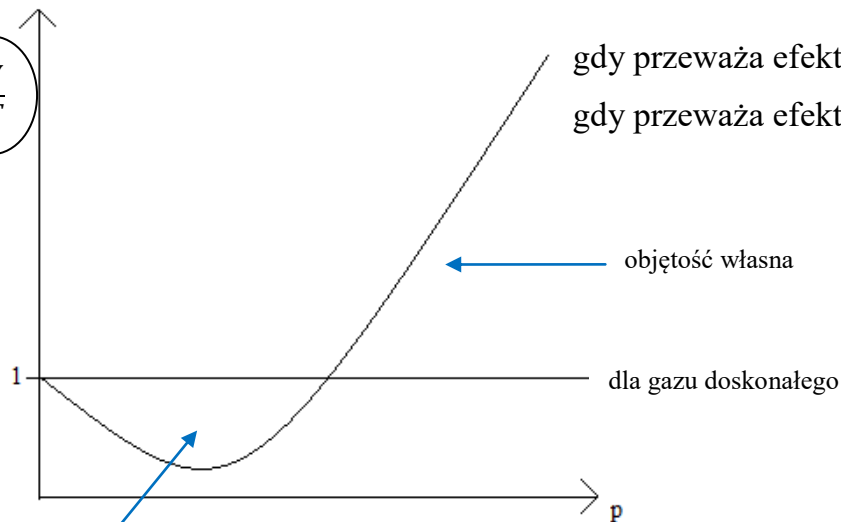
co to jest n?

$$[\text{atm}] p = \frac{nRT}{V - nb} - \frac{n^2 a}{V^2}$$

dm<sup>3</sup>

współczynnik  
ściśliwości  
gazów

$$\frac{pV}{RT}$$



gdy przeważa efekt związany z a →  $\frac{pV}{RT}$  dla n = 1 mol < 1

gdy przeważa efekt związany z b →  $\frac{pV}{RT}$  dla n = 1 mol > 1

siły van der Waalsa

# Teoria kinetyczno - cząsteczkowa gazów

**stan gazu**

temperatura

ciśnienie

objętość (zależy od T i p)

(wynik zderzeń cząsteczek o powierzchnię stałą)  
 1 atm = 760 mm Hg  
 1 atm = 101,325 kPa

$$E = m \cdot c^2$$

$$\bar{E}_{kin} = \frac{1}{2} m \cdot \bar{u}^2 = \frac{3}{2} kT$$

masa pojedynczej cząsteczki

przeciętna energia kinetyczna cząsteczki gazu jest jednakowa dla wszystkich gazów w jednakowej temperaturze i jest wprost proporcjonalna do tej temperatury

\* gaz doskonały:  
 przy braku oddziaływań międzycząsteczkowych całkowita energia gazu jest związana z jego energią kinetyczną

Ruch każdej cząsteczki gazu odbywa się w przestrzeni trójwymiarowej (można rozłożyć na 3 składowe)

$$\bar{u} = \sqrt{\frac{\bar{E}_{kin}}{\frac{1}{2}m}} = \sqrt{\frac{\frac{3}{2} \cdot \frac{RT}{N_A}}{\frac{1}{2}m}} = \sqrt{\frac{3}{2} \cdot \frac{RT}{N_A \cdot m}} = \sqrt{\frac{3RT}{M}}$$

- Cząsteczki lżejsze mają większą prędkość w tej samej temperaturze
- Średnia prędkość rośnie ze wzrostem temperatury

$$\bar{E}_{kin} = \frac{3}{2} \cdot \frac{RT}{N_A} = \frac{3}{2} \cdot k \cdot T$$

Zasada ekwipartycji energii

W tej samej temperaturze cząsteczki różnych gazów mają taką samą energię kinetyczną

Średnia prędkość  $\sim \sqrt{\frac{T}{M}}$

$$\bar{u} = \sqrt{\frac{3RT}{M}}$$

$$\bar{E}_{kin} = \frac{1}{2} m \bar{u}^2 = \frac{1}{2} m \cdot \frac{3RT}{M} = \frac{1}{2} m \cdot \frac{3RT}{m \cdot N_A}$$

$$\bar{E}_{kin} = \frac{3}{2} \frac{RT}{N_A}$$

Średnia energia kinetyczna nie zależy od masy